

PI4.137r Aplicações do produto vetorial (II)

1. Determinar um vetor \mathbf{u}_r (vetor de norma 1) perpendicular aos vetores

$$\overrightarrow{AB} = (2,3,0); \overrightarrow{AC} = (-1,1,4)$$

O vetor pedido é dado por: $\frac{\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{AC}}{\|\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{AC}\|}$

$$\begin{aligned} \overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{AC} &= (x_2y_3 - x_3y_2; x_3y_1 - x_1y_3; x_1y_2 - x_2y_1) = \\ &= (3 \times 4 - 0 \times 1; -1 \times 0 - 2 \times 4; 2 \times 1 - 3 \times (-1)) = (12; -8; 5) \end{aligned}$$

$$|\overrightarrow{AB} \times \overrightarrow{AC}| = \sqrt{12^2 + (-8)^2 + 5^2} = \sqrt{233}$$

$$\overrightarrow{u}_r = \frac{(12, -8, 5)}{\sqrt{233}}$$

2. Utilizando o produto escalar, determinar k de modo que os vetores $\mathbf{u} = (3; -2; 6)$ e $\mathbf{v} = (k-1; 1; -3)$ sejam colineares.

Se dois vetores são colineares, o seu produto vetorial é nulo.

$$\begin{aligned} \vec{u} \times \vec{v} &= (x_2y_3 - x_3y_2; x_3y_1 - x_1y_3; x_1y_2 - x_2y_1) = \\ &= (-2 \times (-3) - 6 \times 1; 6 \times (k-1) - 3 \times (-3); 3 \times 1 - (-2) \times (k-1)) = \end{aligned}$$

$$= (0; 6k - 6 + 9; 3 + 2k - 2) = (0; 6k + 3; 1 + 2k)$$

$$6k + 3 = 0 \leftrightarrow k = -1/2$$

$$1 + 2k = 0 \leftrightarrow k = -1/2$$